配管設計解析に関する補足技術資料

Rc 型モデルによる T 字配管の内圧負荷解析の結果

(解析 No. TEE03P500F1NA)

MSP0015-R00 2022 年 4 月 27 日 エムエス配管解析技術

水野

1. まえがき

本資料は, 20BSch40 SUS304のT字配管に対する内圧負荷解析の結果をまとめたものである。

2. 解析モデル

本解析では, ティーズのクロッチ部曲げ半径 Rc=134.55mm(JIS)とした所謂「Rc 型」モデルを用いる。 クロッチ部形状は, JIS に従ったものである。

図1には、解析に使用したT字配管の解析モデルの全体概要を示す。

図2には、ティーズ部の「Rc型」モデルのメッシュ分割(NTS)の詳細を示す。

接続配管は, 主管・枝管ともに 20BSch40(t=15.1mm)SUS304 配管とした。またティーズは SUS304 材の同径型

表1にT字配管の主な寸法・仕様を示す。

で, 肉厚は Sch40 とした。その他, ティーズの E 寸法(注記1)や Rc 寸法は JIS に従った。

尚,解析モデルでは,配管・ティーズとも外形寸法には公称値を用いた。特に肉厚に就いては,直管は概ね均一 で公称肉厚に近く,肉厚公差も±10%で問題はない。しかしティーズは,相当に厚肉で公称値の 2~3 倍はざらで, 且つ偏肉も大きいが,解析では直管・ティーズともに均一且つ公称肉厚に等しい t=15.1mm と仮定した。

(注記 1) JIS では、「中心から端面までの距離」が主管側で C, 枝管側で M と規定されている。同径ティーズでは C=M であるが、 大口径の一部で M<C の場合がある。ここでは M<C の場合も含め、「E 寸法」を E=C として定義してモデル化する。

解析コードは SAPIVとし,使用要素は3次元四辺形シェル要素(type6)とした。

要素分割は,図3に示すように管周方向は10°刻みの36等分割とした。

尚, φ=0°の位置は図 1, 図 2 に赤線で示す通りである。この Rc 型モデルの場合は, 図 2 に示したようにティー ズ部も直管と同じ周方向要素分割となるため, φ=0°やφ=5°のようにφの特定値で「節点列」や「要素列」を 唯一的に示すことができる。以降, 特定の「節点列」や「要素列」を示す場合は角度φを用いるので, 記憶してお



いて頂きたい。

直管長さは 10D。(D。:外径)程度とし, 配管端部での荷重負荷や端部拘束の影響がティーズ部にできるだけ及ば ないようにした。直管の軸方向分割は不等分割で, 最大長さは 1D。とし, ティーズとの接続部近傍では, 円周方 向の分割長さやティーズ側の要素長さを考慮して, それらと概ね同等になるようにした。

総節点数は 3257, 総要素数は 3204 である。

クロッチ部の Rc 止端部, 例えば, 図 2 に示す LaL\*点間や LcL\*点間<sup>(注記 2)</sup>などをクロッチ部の「境界線」と呼ぶものとする。「境界線」上には「直角三角形」要素があり, これは斜辺の中点に節点を設けた四辺形要素である。 解析温度は 20℃常温とし, 20℃の SUS304 材料データを用いた。

内圧解析では枝管端部 R 点を固定とした。R 点上の 36 節点に対する詳しい境界条件は表 3 に示す通りである。 また主管の両端の P 点, Q 点はフリーとし, 内圧による等価軸力±F<sub>x</sub>(総荷重)を負荷するため, 管端の 36 節点 に集中荷重 F<sub>xi</sub>=±F<sub>x</sub>/36 を入力した。詳細は次項 3「荷重条件」を参照願いたい。

SUS304の20℃の材料定数は以下とした。

(1) 縦弾性係数: E=19,900kg/mm<sup>2</sup>

(2) ポアソン比: v =0.30

シェル解析に必要となる材料定数はこれらの値から計算した。

(注記 2) 図 2 の図中にも示したが、紙面反対側の交叉部側面の L 点を特に明示する場合は、「\*」を付けて L\*点として示す。

11								
	項目	記号	単位	主管	枝管			
	呼び径		I	20B	20B			
	肉厚			Sch40	Sch40			
	材質		1	SUS304	SUS304			
	外径	D。	mm	508.0	508.0			
古体	内径	Di=Do-2t	mm	477.8	477.8			
<b>直官</b> 仕垟	肉厚	t	mm	15.1	15.1			
1上1家	管平均外径	$D_m = D_o - t$	mm	492.9	492.9			
	管平均半径	$r=D_m/2$	mm	246.45	246.45			
	直管長さ(約10D。)	L	mm	5182	5182			
	P点X座標, R点Z座標		mm	5563	5563			
	呼び名称			20B × 3	Sch40T			
	呼び径		1	20B	20B			
	肉厚	_	-	Sch40	Sch40			
	材質	_	_	SUS304	SUS304			
	外径	D。	mm	508.0	508.0			
ティーズ	内径	Di=Do-2t	mm	477.8	477.8			
仕様	肉厚	t	mm	15.1	15.1			
	管平均外径	D <sub>m</sub> =D <sub>o</sub> -t	mm	492.9	492.9			
	管平均半径	$r=D_m/2$	mm	246.45	246.45			
	ティーズ E寸法	E	mm	381	.00			
	クロッチ部曲げ半径	Rc=E-r	mm	134	4.55			

表1 T字配管の寸法仕様(JISベース)



## 3. 荷重条件

内圧としてモデル全体に P=500kg/cm<sup>2</sup>を負荷した<sup>(注記 3)</sup>。

これに対応し, 主管両端の P 点, Q 点には等価軸力±Fx を負荷した。即ち, P 点, Q 点のそれぞれの 36 節点に は表 2 に示す±F<sub>xi</sub>=±26367.43kg を入力した。

尚,等価軸力 Fx の設定に関しては, 添付資料 A を参照のこと。

項目	記号	単位	数値				
管外径		D。	mm	508.0			
管内径		Di	mm	477.8			
管肉厚		t	mm	15.10			
平均半径		r <sub>m</sub>	mm	246.45			
周方向の分割数		N	個	36			
分割角度	θ	度	10.0				
			rad	0.174533			
内圧力	Р	kg/cm <sup>2</sup>	500				
	三角形面積	Si	mm <sup>2</sup>	5273.49			
文江面禎	総面積	S	mm <sup>2</sup>	189845.53			
等価軸力	等価軸力総荷重		kg	949227.66			
解析入力值 節点荷重		Fxi=Fx/N	kg	26367.43			

表2 内圧に対する等価軸力Fxの計算

(注記 3) 圧力の入力値 P=500kg/cm<sup>2</sup>に特別な意味はない。

4. 境界条件

固定とした枝管端部 R 点の境界条件は表 3 の通りとした。

R 点上の 36 節点に就いて Z 方向の並進変位は全て固定とした。X, Y 方向は, 内圧による管の均一膨脹変位を 拘束しないように, 座標軸に沿う節点だけ, その軸直方向を固定とした。回転変位 X, Y, Z は全点でフリーとした。 回転変位は全点固定としても大差はないことを別途の解析で確認している。

毎度よ	枝管		並進変位		回転変位		
	R点 節点番号	Х	Y	Z	Х	Y	Z
0°	3222	0	1	1	0	0	0
10°~80°	3223~3230	0	0	1	0	0	0
90°	3231	1	0	1	0	0	0
100° ~170°	3232~3239	0	0	1	0	0	0
180°	3240	0	1	1	0	0	0
190° ∼260°	3241~3248	0	0	1	0	0	0
270°	3249	1	0	1	0	0	0
280°~350°	3250~3257	0	0	1	0	0	0

<u>表3</u> 固定端R点の境界条件 (TEE03P500F1)

5. 解析結果

5.1 概要

内圧による変形や応力に関し説明するが、その前に、以下にいくつかの補足事項を示す。

(1) 構造や負荷から変位や応力に対して対称性(或いは反対称性)が存在する部分に関しては,対称性を数値 的に確認している。従って,いちいち断ってはいないが,代表部を取り出して説明するので了解願いたい。

(2) 図 4 は, 説明に於いて特に重要となるティーズの交叉部側面「L 点」とクロッチ部「S 点」を図示したものである。併せて, その他の各点や各断面の位置を示した。特に A, B, C 断面はティーズの端部で重要である。また D, E, F 断面は, X=±291.86mm, Z=+291.86mm に位置し, 真平面にはなっていないが, 概ねクロッチ部の S 点 (X=285.86)を含めた断面としている<sup>(注記 4)</sup>。

(3) 説明では、例えば、「A点に於ける管断面」を「点A断面」とか「A点断面」とか、或いは単に「A断面」と略称 したりする。また、応力は要素積分点での値であるが(等高線図図8は除く。)、これも「A断面に隣接する何々 側の要素列の応力」と言うべきところを単に「A断面の応力」と略称したりする。この場合、「A断面に隣接する要 素列」は通常両側に存在するが、どちらの側の要素列を用いているかは、図には書いてあるが、いちいち断って はいない。これらの点も承知置き願いたい。

(4) 角度 $\phi$ で示す「節点列」の変位と同様に, 応力を角度 $\phi$ で示すこともある。例えば,  $\phi$ =0° に関わる「要素列」 は $\phi$ =5° と 355° の 2 列 存在する。本来ならこれらの 2 列の内挿値をとって $\phi$ =0° の応力とすべきであるが, 処理が面倒であることと大差がないこととから, 代表してどちらか一方の値を用いている。これもいちいち断って はいない。無論,  $\phi$ =5° や 355° で応力を示すこともできるが, 説明の焦点がぼける恐れがあるため,  $\phi$ =5° と か 355° とかの半端な角度は敢えて使わないようにしているので了解願いたい。





(5) 図 4(3)は, 実際のティーズ部のメッシュ分割図(プロッター出力)である。図 2 に示したものと同じであるが, 縮尺図である。

以下,変形と応力に関して解析結果の詳細を説明する。





図 4(3) ティーズ部のメッシュ分割図 (端部直管の各1要素分を含む。)

以下,変形に関して説明する。

## 5.2.1 各部の断面変形

ティーズの交叉部側面は, 主管側と枝管側の側面が同一平面上で交わり比較的に平坦な構造となっている。 このため内圧に対して弱く, 半径方向に大きく膨らむ。その反動でクロッチ部は半径方向に凹んで潰れる。この 結果, ティーズ断面は大きく扁平化し, 接続配管にも扁平化の影響が及ぶ。またクロッチ部が凹むことによって, 主管は, 中立となる枝管側に引き寄せられ, 主管の両端点 P, Q は上方向(+Z 方向)に大きく変位し, 原点 O を 中心として主管の管軸は「V」字に折れ曲がる<sup>(1)(2)(3)</sup>。

図 5(1)~(9)は各断面の断面変形(半径方向変位)を示したものである<sup>(注記 5)</sup>。

変形は見やすくするため拡大しているが、各断面の拡大率が異なるので、変位の大小を直接比較することはで きない。あくまでも変形の様子を見るものと考えて頂きたい。また断面の「平均変位」(36 節点の X,Y,Z 方向の各 平均値)は除去されているので、注意願いたい。例えば、主管管端の P 断面の Z 方向の「平均変位」は約 82mm で、扁平化変位と比べても格段に大きい。尚、断面変形の程度は、 $\phi=0^\circ$ 、90°、180°、270°など要所の変位 量(半径方向が正)を図中に朱記したので、参照願いたい。

(注記 5) クロッチ部の鞍型湾曲面部を含む D 断面や F 断面は真円断面ではない。ここでは, Rc 湾曲面部の突出量が小さいとして 近似的に円断面と看做して取り扱っている。

## (1) 交叉部側面の変形と扁平化

図 5(1)~(9)に就いて特徴点を説明する。

まず図 5(5)の原点 O 断面では, 圧力によって交叉部側面 L 点が半径方向(Y 方向)に+22.05mm と大きく膨ら む。最大値は L 点の少し上の Z=66.16mm の位置で+25.78mm である(後述の図 6(3)を参照)。

L 点近傍を中心にティーズ全体の側面が大きく膨らみ扁平化するが,その程度は,図5の(3),(4),(6),(7)に示 す A, D, F, C 断面で見て頂きたい。膨らみは,図5(4)の D 断面では+12.27mm,図5(3)の A 断面では+9.49mm となっており,原点より離れるに従って次第に減少する。更に,図5の(3),(2),(1)と順に見ると,この扁平化は 直管部にも波及し,後述の5.2.3項で詳しく説明するが,X=3500mm ぐらいまで継続することが分かる。最後は, 管端に近づいて消滅し,内圧による半径方向の「均一膨脹変位」(約+0.86mm)に落ち着く。

尚, 原点 O 断面や D 断面, A 断面(X=381mm)の扁平化の長軸は Y 方向であるが, P1断面(X=1043mm)では Z 方向に変わる。扁平化の長軸が Y から Z に変わる原点に近い最初の転換点は, これも後述の 5.2.2 項で詳しく 説明するが, P1 断面の少し手前の X=800mm である。

以上に述べた主管での断面変形は、対称構造となる OQ 配管部では全く同じであり、また、ほぼ同じ構造条件に ある枝管側に於いてもほぼ同じであるが、断面の扁平化変位量は主管側に対して約 30%大き目になっている。

(2) クロッチ部の断面変形

次にクロッチ部の変形に関して検討する。

図 5(4)の D 断面の φ=0° はクロッチ部 S 点に当たり, 7.50mm の凹みとなる。これに対し, 反対側の φ=180° は 9.22mm と大きい。相対的に S 点側が潰れにくいが, これは, クロッチ部が半楕円の断面をしており, 長軸の頂点 となるため曲率半径が相対的に小さく潰れにくいことと, 枝管が変形に抵抗するためである。 ー方, 枝管側の図 5(6)の F 断面のφ=0°も S 点であるが, こちらの凹みは 9.24mm(X 方向)で, D 断面の凹み よりも 20%程度大きい。潰れが 20%大きいと言うことは, 主管の抵抗が相対的に小さいことを意味する。主管は, 管軸が「V」字に折れ曲がって枝管側に近寄って来るため, その分抵抗が小さくなるものと判断される。 また管断面の扁平化の程度(「扁平率」に相当)を, 長軸と短軸の変位(絶対値)の総計として比較すると, D 断面 は 7.50+9.22+12.27 × 2=41.26mm に対し F 断面は 9.24 × 2+15.88 × 2=50.24mm となり, F 断面の方が 20%程度大 きい。このことは, 図 5(3)の A 断面と図 5(7)の C 断面とを比較しても言える。原因は, 枝管の場合, φ=90° 軸に 対して対称変形となり, 2 箇所のクロッチ部変形の影響が重畳するためと考えられる。







(3) クロッチ部 45° 断面の断面変形

参考としてクロッチ部 45°断面の断面変形を図 5(10)に示す。

これも,上記の図 5(1)~(9)と同様,全節点の平均変位を除去している。但し,円形断面ではないため,近似的な 計算処理である。

尚, クロッチ部 45<sup>°</sup> 断面は A 点側と B 点側の 2 断面あるが, 面対称であるので, 代表として A 点側の「断面 A」 を示した。

変形前の断面は長径:短径比が 404.3:246.5の半楕円 である。

変形の図示手順は以下である。

まず, 楕円上の節点に関して断面内の変位ベクトル (DY, DZ')を考える。次に楕円断面上に於いて, 楕円 に対する接線方向 t とその法線方向 n とで決まる局所 座標系(n, t)を定める。最後に, 断面内変位ベクトル (DY, DZ')を(n, t)座標系に座標変換することで法線 方向成分 Dnを計算し, それを図示する。



変形は見やすくするため拡大している。

φ=0° はクロッチ部の S 点で, 変位は−10.57mm である。これは, 図 5(4)の D 断面, 図 5 (6)の F 断面の S 点の 変位−7.50mm, −9.24mm に対応する。これらを 45° 傾いた断面変位に変換すれば大略一致する。

最大変位点は Z'=54.39mm の位置で+24.36mm となる。これは, 図 5(5)の原点 O 断面に示した Z=66.16mm の最 大値+25.78mm とほぼ対応している。図 5(5)の最大点とは, 少しずれた位置であるため数値的に一致はしない が, ほぼ同じレベルの変位であることが分かる。

5.2.2 T字配管の全体変形

図 6(1)~(3)は, 主管, 枝管の全体的な変形を示した ものである。

図 6(1)は, 交叉部側面の L 点を通る主管断面上の $\phi$ =90°の節点列の Y 方向変位を, また図 6(2)は, 主管 管軸の Z 方向変位(管断面平均変位)をいずれも管 軸に沿って示したものである。図 6(3)は, 交叉部側面 の L 点を通る枝管断面上の $\phi$ =90°の節点列の Y 方 向変位を示したものである。

圧力を受けると、ティーズの交叉部側面 L 点が +22.05mm と大きく膨らむことは図 5(5)で説明したが、



図6(1) 主管(POQ配管)のY方向変位(φ=90°)

それは図 6(1)からもよく分かる。またその反動で、図 6(2)に示すように、主管両端の P 点、Q 点は上方向(+Z 方向)に約 82mm 変位し、主管の管軸は原点 O を中心に「V」字に大きく折れ曲がることが分かる<sup>(注記 6)</sup>。

図 6(3)には、枝管の φ=90° 節点列の Y 方向変位 を示すが、Z=0mm での変位は、図 6(1)に示した X=0mm での変位+22.05mm と一致する。また最大値 は Z=66.16mm の位置で発生し+25.78mm である。こ の辺りの変形は図 5(5)で示したものと同じである。

また図 6(1)や図 6(3)では, 前項 5.2.1(1)で言及した扁 平化の長軸の方向変化を見ることができる。

例えば、図 6(1)の X=0mm の原点では、Y 軸方向が 長軸で、膨らみは+22.05mm と非常に大きいが、 X=850mm 辺りで管の均一膨脹変位+0.87mm を下回 り、それ以降では、長軸が Z 方向に転換する。管断 面の扁平化は正確な楕円ではないので、転換位置 は多少ばらつく。例えば、図 6(3)や、次項 5.2.3 に示 す図 7(1)、(2)では、いずれもX、Z=770mm である。従 って、原点から約 800mm で扁平化の長軸が転換す ると言うのが大略の結論である。

尚,長軸方向が転換した後も,更に X=3500mm 程度 (A 断面より約 6D。の位置)まで扁平化の影響が及ぶ ことが分かる。



(注記 6) 内圧によって直管は軸方向に伸びるが、その量は 1,000mm 当たり 0.82mm である。OR間の距離は 5,563mm であるので、 管の軸方向伸びは 5,563×0.82/1,000=4.56mm となる。従って R 点固定のため、原点 O の変位は Z=-4.56mm となる筈であるが、 実際は、図 6(2)に於いては-2.40mm となっている。これは、ティーズ部が扁平化して軸方向に若干縮んだためである。

5.2.3 クロッチ部変形の主管側と枝管側での比較

最後にクロッチ部の変形を見るため, 主管のφ=0°節点列の Z 方向変位と, 枝管のφ=0°節点列の X 方向変 位とを図示して比較する。

尚, 主管の Z 方向変位に就いては, 主管 管軸が「V」字に大きく折れ曲がるので, 管軸の Z 方向変位(断面の Z 方向平均変位)を除去している。これは, 前項 5.2.1(1)で説明した断面変形図 図 5(1)~(4)などと同じ取り扱いで あるが, ここでは, 他の変位との混同を避けるため, 平均変位を差し引いた変位として「Z 方向変位(偏差)」と特 別に「(偏差)」を付けて示すが, 図 5(1)~(4)でのφ=0°に於ける断面変位と全く同じものである。

図 7(1)に主管の φ=0°節点列の Z 方向変位(偏差)を,また図 7(2)に枝管の φ=0°節点列の X 方向変位をそ れぞれ示す。

いずれも管端の P 点, R 点から X, Z=3500mm 辺りまでは内圧による均一膨脹変位+0.80, +0.84mm に等しい。

X, Z=3500mm 辺りから「正」の変位増加が見られるが、これは断面の「扁平化」(但し反転したもの)によるためで、 X, Z=1400mm 辺りで「正」の最大変位(+3.09mm, +4.39mm)を示す。その後, X, Z=800mm 前後で本来の扁平化 に変わり、「負」の変位、凹みとなる。クロッチ部 S 点に近づくと凹みは急激に増大し、S 点(X, Z=285.86mm)に於 いて最大の凹みとなり、それぞれ-7.10mm、-9.24mmの変位となる。

尚,構造寸法や負荷荷重が同じであるため,主管側と枝管側とでは,配管に沿ってほぼ同じ扁平化を示す筈で あるが,上述のように図 7(1),(2)の最大値,最小値,極値などは,枝管側が全般的に 30~40%大きいことが認め られる。これは,前項 5.2.1(2)に於いて,図 5(4)や図 5(6)によってクロッチ部の断面変形を比較した場合の結果と 同じで,また原因も 5.2.1(2)項の最後に述べた通りである。



以上が変形に就いての結果である。

5.3 応力

続いて応力に関する解析結果を述べる。

その前に、応力分布図の見方や注意事項に就いて説明しておく。

5.3.1 応力分布図の見方と注意事項

応力分布図としては,図8の「3次元 等高線図」(ティーズ部のみ)と,図9の「展開 等高線図」,図10の「断面 応力分布図」の3種類がある<sup>(注記7)</sup>。これらに関して,多少込み入った問題があるので,見方や注意事項を以下 に示す。

(1) 「3 次元 等高線図<sup>(注記 8)</sup>」

図8の「3次元 等高線図」は、スケール図のためティーズ部(配管側の1要素を含む)のみを示している。

応力としては、①周・軸方向膜応力 $\sigma_{m\phi}$ ,  $\sigma_{mL}$ , ②周・軸方向板曲げ応力 $\sigma_{b\phi}$ ,  $\sigma_{bL}$ , ③相当応力 $\sigma_{eq}$ (外表面, 板厚中央面, 内表面)の3種類を, 節点応力として, 下記の「基準応力」で規格化した応力指数 SI(Stress Index) で表示している。尚, 配管設計で使用される応力指数 B<sub>1</sub>, C<sub>1</sub>, K<sub>1</sub> と関連付け, 応力成分 $\sigma_{m\phi}$ ,  $\sigma_{mL}$ ,  $\sigma_{b\phi}$ ,  $\sigma_{bL}$ に就いては, 「基準応力」として所謂「周方向基準応力」S<sub>0</sub>を用いて規格化している。

- 応力成分に対する基準応力 : S<sub>0</sub>=PD<sub>m</sub>/2t=81.61 kg/mm<sup>2</sup>
- ② 相当応力に対する基準応力 : S<sub>EQ</sub>=70.67 kg/mm<sup>2 (注記9)</sup>

因みに、両端を閉じた均一円管に内圧が作用する場合は、周方向膜応力 $\sigma_{m\phi}$ が卓越し、内圧 P=500 kg/cm<sup>2</sup> で は $\sigma_{m\phi}$ =PD<sub>m</sub>/2t= 81.61kg/mm<sup>2</sup>となる。これが上記「周方向基準応力」S<sub> $\phi$ </sub>である。これに対し、軸方向膜応力 $\sigma_{mL}$ は $\sigma_{mL}$ =PD<sub>m</sub>/4t と、 $\sigma_{m\phi}$ の 1/2 で $\sigma_{mL}$ =40.80kg/mm<sup>2</sup>となる。これを「軸方向基準応力」S<sub>L</sub>とも言うが、以下の説明 に於いて時々用いることがあるので、覚えて置いて頂きたい。

尚, この「3 次元 等高線図」に於ける「等高線」は, 図中に示された応力指数目盛の 1/7 相当の数値幅を持って おり, 幅ゼロの所謂「線」ではない。この点, 通常の等高線図とは異なる。このため応力が なだらかに変化する 箇所では黒線幅が大きくなったり, 場合によっては広範囲の黒塗りとなったりするので留意願いたい。

また, 図2に示したLaL\*点間やLcL\*点間などのクロッチ部「境界線」上の節点には直角三角形要素があり,その 局部座標系は他の要素とは異なるが,それを無視して他の節点と同様の計算処理をしているため,応力が不正 確になっている。これを考慮し,「境界線」上とその近傍の節点応力は参考扱いとする。

(注記 7) 3 種類の他に図 11 の「等価線形化曲げ応力」や「等価線形化曲げ変位」があるが,特殊な説明図である。

(注記 8)「3 次元 等高線図」は、SAPIVの要素応力(積分点)から節点応力を計算し直して描いたものである。そのため、次項以降に示す、要素応力で描いた図 9 の「展開 等高線図」や図 10 の「断面応力分布図」とは、内外挿補完による差はあるが、概ね一致することを確認している。但し、クロッチ部「境界線」や三角形要素が絡む部位では、取り扱いの違いがあり、応力値に差が出ることを承知置き願いたい。

(注記 9) 内圧による主応力を $\sigma_1 = \sigma_{\phi} = 81.61 \text{ kg/mm}^2$ ,  $\sigma_2 = \sigma_L = 1/2 \sigma_{\phi} = 40.80 \text{ kg/mm}^2$ ,  $\sigma_3 = \sigma_R = 0 \text{ kg/mm}^2$ として相当応力に対する 基準応力 S<sub>EQ</sub>=70.67 kg/mm<sup>2</sup>を求めた。尚, 薄肉シェル解析では $\sigma_3 = \sigma_R = 0 \text{ kg/mm}^2$ としているが, ソリッド要素などで解析する場合は, 板厚中央面位置では $\sigma_3 = \sigma_R = -P/2 = -2.5 \text{ kg/mm}^2$ とする点が異なる。

(2)「展開 等高線図」

図 9 の「展開 等高線図」は、特に直管部の応力分布を見るため、 φ=0~180°の範囲の円筒面を平面に展開したものである。作図の都合上 主管側と枝管側とでは分離し、横軸は、管軸に沿った要素積分点の座標値で示している。但し、座標値 表示とはなっているが、要素数単位で刻んでいるため線形比例ではない。従って応力分

布は軸方向に伸縮されていることに注意願いたい。

表示応力は要素積分点での応力で、成分は図 8 に合わせて $\sigma_{m\phi}$ 、 $\sigma_{mL}$ 、 $\sigma_{b\phi}$ 、 $\sigma_{bL}$ 、 $\sigma_{EQ}$ とし、図 8 と同じ規格 化を行い、対比できるようにした。

本図は直管部の応力を見るのが主目的ではあるが, 実際にはティーズ部も含んでいる<sup>(注記 10)</sup>。応力値そのもの は正しいが, 特にクロッチ部の鞍型湾曲面部は, 形状が大きくゆがんでいるので, 正確な分布形状を見たい場 合は図 8 を参照願いたい。また描画上, 等高線間隔などの設定によっては見た目が大きく違うので, 図 8 とはで きる限り見た目が一致するように調整した。更に, 各図ごとには主管側と枝管側とで等高線間隔や応力階級, 線 色などを一致させ, 相互に突き合わせができるようにした<sup>(注記 11)</sup>。

尚,取り扱いが難しいため、クロッチ部「境界線」上の「直角三角形」要素は除外した。相対する 2 つの三角形要素をひとまとめにした欠落部は、前後或いは左右の要素の平均値を使用して穴埋めして作図した。また、前項(1)の注記にも記したように図 8 と図 9 とでは、応力値は基本的に一致するので、応力値を参照する場合は、ティーズ部も含めて図 9 の値を用いるものとした。

但し、クロッチ部の境界線部やその近傍では、応力の算定に於いては上記の通り平均値を用いて適宜 穴埋め 処理したため、また評価位置のずれなどのため、次項で示す図 10「断面応力分布図」とは応力値が一致しない 場合もあるので、留意願いたい。

(注記 10) 例えば, 主管側の図 9(1)-1 に於いて, 図中の注記にも記したように, 赤破線で示した三角形領域はクロッチ部の 1/4 部分, 図 2 に示した曲面三角形 aLS を示している。実際のクロッチ部は, 3 次元の鞍型湾曲面であるので, この三角形は相当にゆが められているし, また恰も L 点から S 点までの線が O 断面(X=33)の延長線上にあるかのように描かれてはいるが, 実際は O 断面 の延長線上には存在せず, 例えば, S 点は X=285.86mm の位置にあり, 寧ろ D 断面(X=291.9mm)の延長上に存在する。このよう にゆがめられているので, 呉々も誤解のないように注意願いたい。

(注記 11) 図 9 の場合, 主管側と枝管側とで図の突き合わせができるように, 等高線間隔や応力階級, 線色などの凡例を一致させた。このため, 最大値, 最小値を含む端に近い応力階級の一部の凡例に, 実在しない応力値に対する応力階級が存在するので, 注意願いたい。

(3)「断面応力分布図」

等高線図 図 8, 図 9 は, 全体的な応力分布を見るのには都合がいいが, 断面上での詳細な応力分布や応力値 そのものを見るのは難しい。そこで補足として図 10 の「断面応力分布図」を作成した。 「断面応力分布図」には, 以下の 3 種類がある。

- ① A 断面とか D 断面とかの管断面の周方向の断面応力分布図
- 代表的角度 φ の「要素列」での管軸方向の断面応力分布図
- ③ 原点 O 断面とか,或いはクロッチ部 45°断面とかの特殊な断面応力分布図

いずれも要素積分点での応力である。

また A 断面とか D 断面とかは,本来 節点で決まる断面であるが,応力の位置表示にも使用する。この場合,節 点で決まる断面の両側の要素応力から内挿補完して示せば良いが,計算が面倒なこと,大差がないことから, 実際はどちらかの要素応力をそのまま示している。図には書いてあるが,どこの応力を用いたかはいちいち断っ てはいない。

同様に,例えばφ=0°の応カ分布に関しても,当該位置の両側の要素応力から内挿補完して求めるべきである が,実際はどちらかの応力をそのまま用いている。そう言った意味では,例えばφ=5°とかφ=355°とかの要素 列の応力と言う方が正しいが,そうした個別角度を用いると説明全体のイメージや焦点がぼけるので,ここでは 敢えてφ=0°と言っている。いずれも大略の説明であることが前提であるので,了解願いたい。 尚,上記②の管軸方向の「断面応力分布図」は,横軸が要素番号で示されており,実位置ではない。実際の軸 方向の座標値を所々に追記したが,正確さには少々欠けるので,ほんの参考である。無論,いずれも線形比例 ではないので,呉々も注意願いたい。

また「断面応力分布図」は、応力値を直接 把握できるように応力値をそのまま表示した。応力指数 SI とする場合は基準応力で換算頂きたい。本文中で引用する場合は一応 SI 値を併記した。

以上が,応力分布図の見方や注意事項に就いての説明である。

5.3.2 応力の詳細説明

図 8, 図 9, 図 10 の 3 種類の応力分布図を見ながら,以下,応力に就いて詳細を説明する。

5.2 節の「変形」でも述べたように、 交叉部側面 L 点近傍は圧力によって膨らみ、 クロッチ部 S 点近傍が凹んでテ ィーズ断面が大きく扁平化したが、これに対応して応力はどうなるかが焦点である。

まず等高線図 図 8, 図 9 を全体的に眺めると, ティーズ部の扁平化に対応し, クロッチ部 S 点近傍や交叉部側 面L点近傍に高応力が発生することが認められる。相当応力で見ると一層よく分かる。

またクロッチ部S点近傍に於いては周方向膜引張り応力の高い応力集中が発生することが注目される。ただ、こ の高応力はティーズ部に限定され、接続配管には殆ど伝播しないことが分かる。これに対し、それ以外の応力成 分は、いずれもティーズ部で高応力を発生し、且つその影響が接続配管にも伝播する。

以下,ティーズ部と直管部に分け,特徴的な点を拾いながら応力成分ごとに詳細を説明する。最後に相当応力 に就いて補足する。

5.3.2.1 ティーズ部の応力

まずは、ティーズ部の応力に関し、クロッチ部 S 点近傍と交叉部側面 L 点近傍の高応力を中心に説明を加える。 表4にティーズ部の髙応力指数値を図9に基づいてまとめたので,これを参照しながら以下説明する。

						:単位)		
		高応力指数SI						
応力成分		ティース部位		S点·	」占非近傍			
	비민	Sr	钅·近傍	a点/	c点∙近傍	L74	・近方	
	t	主管側	Max	2.731		1.797		1.364
暗広市	Ο <sub>mφ</sub>	枝管側	Max	2.746		1.832		0.862
展心刀	$\sigma_{\rm mL}$	主管側		1.341	Max	1.787		0.847
		枝管側		1.339	Max	1.809		1.355
板曲げ応力	$\sigma_{{}_{b}\phi}$	主管側	Min	-1.605			Max	2.334
		枝管側	Min	-1.628			Max	2.306
	$\sigma_{\rm bL}$	主管側	Min	-1.887			Max	1.745
		枝管側	Min	-1.919			Max	2.394

ずちまた上海だは日のナール

(注) 応力指数SI値は 図9「展開 等高線図」から求めたものである。

5.3.2.1.a クロッチ部 S 点近傍の応力

まずクロッチ部の高応力を取り上げる。表4を参照。

(1) クロッチ部 S 点での周方向膜応力 $\sigma_{mo}$ の応力集中

等高線図 図 8, 図 9 から, クロッチ部は滑らかな形状の鞍型湾曲面を成しているため, 一点に集中するという形 ではないが, S 点近傍の広範囲に亙って周方向膜引張り応力 σ<sub>m</sub>の応力集中が認められ, 図 9(1)では, S 点近 傍で最大値 SI=2.731(主管側), SI=2.746(枝管側)を示す。尚, S 点自体は, 原点 O に向かって近づくため, 当該 部の微小管壁要素としては圧縮を受け、従って、引張り髙応力は若干割り引かれ、最大応力はその周辺で発生 する。図 8(1)-1 を見ると,真ん中が凹んだ楕円状の応力分布となっているのがよく分かる。

周方向膜引張り応力σ<sub>ma</sub>に対する応力集中であることから、これは明らかに、主管に於いて枝管が開口するこ とによる所謂「開口欠損」による応力集中である(注記 12)。主管に穴が開き, 穴縁に応力集中が起きる訳であるが, 滑らかな湾曲面を成しているため広範囲に応力が分散し,応力集中が緩和されている。

またこれは、断面応力分布図 図 10(5)-1(D 断面)や図 10(14)-1(F 断面)、図 10(7)-1(主管ゆ=0°)、図 10

(15)-1(枝管φ=0°)からも明らかで、いずれも S 点近傍で最大値 220kg/mm<sup>2</sup>(SI=2.696)を示すことが確認できる。

この高応力は、構造不連続による応力集中の特徴として、周辺に行くに連れて急速に減衰し、局所に限られることが分かる。従って概ねティーズ内で終息する。

(注記 12) 圧力容器や圧力配管の設計に於いては、容器胴や配管に穴を開ける場合は穴の補強を行う。所謂「穴の補強計算」として規格で定められており、補強材を穴縁に取り付け、内圧による周・軸方向の応力増大や応力集中に対抗させる。但し、規格品のティーズの場合は、この「穴の補強計算」を免除されている。

(2) クロッチ部 S 点近傍の軸方向膜応力 G mL の増大

等高線図 図 8(2)によると、S 点の凹みに対しては主管壁や枝管壁が抵抗し、そのため a 点近傍や c 点近傍に は最大の軸方向膜引張り応力 σ<sub>mL</sub>が発生することが認められる。尚、周方向膜引張り応力 σ<sub>m</sub>の場合と同様に、 S 点自体は、原点 O に向かって近づき、当該部の微小管壁要素は圧縮を受けるため、この軸方向膜引張り高応 力は割り引かれ、最大応力はその周辺で発生する。これは図 8(2)-1 でも一目瞭然で、砂時計型の応力分布に なっており、S 点でよりも a 点や c 点近傍で高応力が発生する。

図 9(2)からは、それぞれ最大値は、SI=1.787(主管側、a 点近傍)、SI=1.809(枝管側、c 点近傍)と得られる。

これらは、断面応力分布図 図 10(7)-1(主管 φ=0°), 図 10(15)-1(枝管 φ=0°)でも状況がよく分かり、両者と もS 点(X, Z=286mm)では 105kg/mm<sup>2</sup>(SI=1.287)であるが, X, Z=381mmのa 点, c 点近傍では最大値 145kg/mm<sup>2</sup> (SI=1.777)となることが確認できる。

この軸方向膜引張りの高応力は、図9(2)を見ると、ティーズ端部(A, C断面)を超えて直管部にまで伝播するが、 この高応力が、主管の管軸を「V」字に曲げる「管曲げ応力」となるのである。「管曲げ応力」に就いては、後述の 5.3.2.2 (1)項で「直管部の応力分布の特徴」と併せて詳しく説明する。

(3) クロッチ部 S 点近傍の周方向板曲げ応力 σ<sub>bφ</sub>の分布

以上はクロッチ部 S 点近傍の膜応力の話であったが,次に,周方向板曲げ応力 σ<sub>bφ</sub>に就いて説明する。 等高線図 図 8(3),図 9(3)では,S 点近傍にも周方向板曲げ応力 σ<sub>bφ</sub>の若干の応力集中(負値)が見られ,図 9(3)からは S 点で最小値を示し, SI=-1.605(主管側), SI=-1.628(枝管側)と得られる。

これを断面応力分布図 図 10(5)-2(D 断面), 図 10(14)-2(F 断面)で確認すると, S 点での周方向板曲げ応力 σ<sub>b</sub>φはともに-130kg/mm<sup>2</sup> (SI=-1.593)となることが分かる。

これは, ティーズ断面の扁平化によって S 点が凹み, 当該部の微小管壁要素が凹に曲げられ, 周・軸方向の負の曲げを受けるためである。図 5(10)に示したクロッチ部 45°断面 A の変形の様子を見ると理解しやすいし, また図 10(17)-2 のクロッチ部 45°断面 A の板曲げ応力の分布の S 点(φ=0°)を見てもよい。

(4) クロッチ部 S 点近傍の軸方向板曲げ応力 σ ω の分布

最後に,軸方向板曲げ応力σωに就いて述べる。

等高線図 図 8(4), 図 9(4)を見ると, クロッチ部 S 点には軸方向板曲げ応力 σ<sub>bl</sub> に就いても若干の応力集中(負値)がある。図 9(4)からは, 最小値 SI=-1.887(主管側), SI=-1.919(枝管側)と得られる。これは周方向板曲げ応 カσ<sub>bφ</sub>と似た状況であるが, 応力の絶対値としてはこちらの方が 20%程度大きめである。 これを断面応力分布図で確認すると、主管は図 10(5)-2(D 断面)、図 10(7)-2(主管 φ=0°)、枝管は図 10(14)-2 (F 断面)、図 10(15)-2(枝管 φ=0°)の S 点に於いて、いずれも σ<sub>bL</sub>=-150kg/mm<sup>2</sup>(SI=-1.838)を示す。 この負の高応力の発生原因は、前項(3)で述べたところと全く同じで、扁平化に伴って発生している。

5.3.2.1.b 交叉部側面 L 点近傍の応力

以上は、クロッチ部 S 点近傍の高応力に就いての説明である。

次に交叉部側面L点近傍の髙応力に就いて説明する。これらに就いても表4を参照願いたい。

(1) 交叉部側面 L 点近傍での膜応力 $\sigma_{m\phi}$ ,  $\sigma_{mL}$ の増大

等高線図 図8,図9では、交叉部側面 L 点近傍で膜応力 σ<sub>mφ</sub>, σ<sub>mL</sub> が増大する。

図 9(1), (2)で数値的に確認すると, 評価位置により微妙に値が異なるが, 最大値は, σ<sub>m</sub>¢に就いては SI=1.364 (主管側), σ<sub>m</sub>に就いては SI=1.355(枝管側)となる。

これは断面応力分布図でも確認することができ, 主管側は図 10(6)-1(原点 O 断面), 枝管側は図 10(16)-1(枝 管側φ=90°)からそれぞれ応力を求めると, σ<sub>mφ</sub>, σ<sub>m</sub>ともに 110kg/mm<sup>2</sup>(SI=1.348)となり, 上記と一致する。

結論的には, 交叉部側面 L 点近傍は内圧によって膨れ, 膜応力の局所高応力が発生することが分かった。

(2) 交叉部側面 L 点近傍での板曲げ応力  $\sigma_{bo}$ ,  $\sigma_{bL}$ の増大

以上は膜応力成分の話であったが、等高線図 図 8、図 9 の(3)、(4)の板曲げ応力  $\sigma_{b\phi}$ 、  $\sigma_{bL}$ を見ると、これらも L 点近傍で高応力となることが分かる。

まず周方向板曲げ応力 σ<sub>bφ</sub>は, 例えば, 等高線図 図 8(3)を見ると, L 点近傍で最大となり, ティーズ端に向かっ て高応力の峰が帯状に縦横に延びることが分かる。峰の頂点では, 管壁は外側に凸に膨らむので, これはティ ーズの扁平化と対応していることは明らかである。また等高線図 図 9(3)を見ると, この高応力の峰は直管部に も伝播し, 直管の扁平化を惹き起こすことも確認できる。

図 9(3)からは, 交叉部側面 L 点近傍で, σ<sub>bφ</sub>は最大値を示し, SI=2.334(主管側), SI=2.306(枝管側)となる。 これらは, クロッチ部の 45° 断面上の応力分布図 図 10(17)-2 で確認すると, L 点近傍(φ=90°)で最大値 200kg/mm<sup>2</sup> (SI=2.451)と得られ, 上記の値とほぼ一致する。

次に軸方向板曲げ応力 σ<sub>bl</sub> の等高線図 図 8(4)を見ると,周方向の σ<sub>bφ</sub>とは様子が異なり,高応力の範囲が枝 管側の L 点近傍に限られることが分かる。このことは図 9(4)からも確認でき,図 9(4)から σ<sub>bl</sub> の最大値を求める と,L 点近傍で最大値 SI=1.745(主管側), SI=2.394(枝管側)を示す。

主管側は,最大値がクロッチ部の 45°断面上にあるので,クロッチ部 45°断面応力分布図で確認すると,図 10(17)-2( $\phi$ =90°)からは $\sigma_{bL}$ の最大値 180kg/mm<sup>2</sup> (SI=2.206)と得られ,また図 10(16)-2(枝管 $\phi$ =90°)からは 195kg/mm<sup>2</sup>(SI=2.389)と得られる。主管側の値が大きめとなったが,枝管側の最大値は図 9 とよく一致する。 軸方向板曲げ応力 $\sigma_{bL}$ の高応力がL点近傍に限定される原因は,円筒面での板曲げ剛性の違いである。円筒 面の軸方向は, 仮<sup>く</sup>微小幅の断面要素を考えたとしても断面は常に所謂「八つ橋」状になるため,単なる「矩形 断面」となる周方向よりも板曲げ剛性が高く,曲がりにくい。従って軸方向板曲げ応力σыは相対的には発生し にくく,またそのため局所に限られるのである。

5.3.2.2 直管部の応力

以上はティーズ部の応力であったが、以下では直管部の応力に就いて特徴点を拾いながら説明する。

(1) 直管部の応力分布の特徴と「管曲げ応力」

直管部の応力分布の特徴は等高線図 図 9(1)~(4)を見ると分かりやすい。

まず着目すべき点は図 9(1) の周方向膜応力 σ<sub>mφ</sub>である。ティーズとの境界の A 断面, C 断面を超えると, 周方 向膜応力 σ<sub>mφ</sub>は殆ど 1.0 となっており, 目立った応力の変動はないことが分かる。

これに対して図 9(2), (3), (4)に示す応力 $\sigma_{mL}$ ,  $\sigma_{b\phi}$ ,  $\sigma_{bL}$  は, ティーズ部の高応力の影響が直管部にも伝播し, 応力が大きく変動することが分かる。このうち, まず軸方向膜応力 $\sigma_{mL}$  に就いては, 次項(2)で詳述するが, 主管 の管軸を「V」字に折り曲げる「管曲げ応力」を発生することが特徴的である。また周方向板曲げ応力 $\sigma_{b\phi}$ は, 元々ティーズの扁平化に伴って発生する応力で, それが伝播し, 直管部では, 単純な扁平化現象として周方向 にきれいな cosine カーブとなって分布するのが特徴の 2 次応力である。更に軸方向板曲げ応力 $\sigma_{bL}$  は, これも ティーズの扁平化で発生するが, 元々局所性が強く, 伝播はしにくい。直管部では, 周方向板曲げ応力 $\sigma_{b\phi}$ に従 属して発生し,  $\sigma_{b\phi}$ と極めて似た分布となることが特徴の 2 次応力である。これらに関しては次々項の(3)項, (4) 項で詳しく説明する。

(2) 軸方向膜応力 σ μ による 「管曲げ応力」の発生

まず主管に関して等高線図 図 9(2)を見ると, 軸方向膜応力σ<sub>mL</sub> は, φ=0° 側に大きく片寄って分布することが 分かる。偏った分布であることから, Y 軸周りの「管曲げ応力」の重畳が予想される。

確認のため, 代表的な断面に就いて Y 軸回りの「等価線形化曲げ応力 σ<sub>B</sub>」を計算すると, 図 11(1), (2), (3)に示 す結果となった<sup>(注記 13)</sup>。これらから各断面には, 有意な「等価線形化曲げ応力 σ<sub>B</sub>」が存在し, Y 軸回りに主管が曲 げられることが分かる。その他の断面に就いても σ<sub>B</sub> を計算して, X に対して σ<sub>B</sub> を図示すると, 図 11(4)に示すよ うになった。 σ<sub>B</sub> は負値を示すが, X とともに絶対値が急減して X ≒ 900mm でゼロとなり, その後 少しオーバーシ ュートして最終的にはゼロに収束することが分かる。

尚,図 11(1),(2),(3),(4)には、「等価線形化曲げ変位  $dX_B$ 」も併せて示したが、 $dX_B$  は累積値となるため、 $\sigma_B=0$ の場合は  $dX_B$ の増減変化がゼロとなることに注意して見て頂きたい。

この軸方向膜応力による「管曲げ応力」の発生原因は明らかである。即ち, ティーズ断面が圧力により扁平化し, S 点が凹む場合, 中立となる枝管が主管を相対的に引き寄せるため「管曲げ応力」が発生するのである。またこ れによって主管 管軸は「V」字に折れ曲がるのである。

これに対して枝管は、元々 応力も変位も全て $\phi=90^\circ$ 軸に関して対称のため、常に $\sigma_B=0$ であり、当然に管軸の曲がりも発生しない。

尚, 主管に関して「管曲げ応力」σ<sub>B</sub>がゼロとなる位置は図 11(4)より X≒900mm であるが, これを図 9(2)-1 で確 認すると, X≒900mm は, φ=90° 軸に対してσ<sub>mL</sub>が「対称分布」となる開始点であることが分かる。

以上より、「管曲げ応力」がゼロとなる位置は、ティーズ端より大概略 900-381=519mm≅1D。の距離と分かる。 因みに、主管の A, P1, P2 断面等に於いて軸方向膜応力 σ<sub>m</sub>\_の断面平均値は「軸方向基準応力」S<sub>L</sub>に一致し、 且つ, 重畳する変動成分の総和はゼロとなるので, 重畳する変動成分は 2 次応力であることが確認できる<sup>(注記 14)</sup>。 また枝管の C, R1, R2 断面等に於いても全く同じで, 重畳する変動成分は 2 次応力であることが分かる。

(注記 13) 図 11(1), (2), (3)に記載した平均応力 σ<sub>m</sub>は,「等価線形化曲げ応力 σ<sub>B</sub>」を求めるために計算した特殊な平均値(Z 軸に 射影した要素幅と単位長さとの積を考慮した平均値)であり, 管断面の円周上の所謂「断面平均値」ではない。誤解のないようにし て頂きたい。平均変位 dX<sub>m</sub>に就いても同じである。

(注記 14) 今更説明するまでもないが、「2 次応力」と言うのは「変位」や「歪み」が拘束されて発生する応力で、外部から負荷された 荷重に平衡する応力ではない。従って、適切な閉曲面に就いて応力に面積を掛けて総和をとるとゼロとなるのである。

(3) 直管部に於ける周方向板曲げ応力σ<sub>bφ</sub>の分布の特徴

周方向板曲げ応力 σ<sub>bφ</sub>は, 管断面の扁平化と絡んで発生することが多いので, 5.2 節で説明した図 5 の断面変 形図と併せて考えると割合に理解しやすい。

そもそも直管部には、肉厚の不均一、穴、構造物の取り付けもなく、また円周方向に外力荷重が加わってもいな いので、直管部の板曲げ応力σ<sub>bφ</sub>は全て 2 次応力と言うことができる。また概ね周方向に 180° 周期の cosine カーブとなって分布していることから、これは明らかに管の扁平化に伴って発生していることが分かる。

断面応力分布図 図 10(4)-2(A 断面) や図 10(13)-2(C 断面)を見ると,大体 180° 周期の cosine カーブ(φ=0° で負値)になっている。また X, Z=973mm の図 10(3)-2(P1 断面) や図 10(12)-2 (R1 断面)では,応力値が反転 した 180° 周期のほぼ cosine カーブとなることが分かる。また更に X, Z=1508mm の図 10(2)-2(P2 断面) や図 10(11)-2(R2 断面)では, きちんとした cosine カーブとなっていることが確認できる。

扁平化の伝播状況に就いては 5.2 節で詳しく述べたので, 図 6 や図 7 を参照願いたいが, まず X, Z≒800mm で 扁平化の主軸方向が変化した。これに対応して周方向板曲げ応力σ<sub>bφ</sub>の大小関係も上述の通り X, Z=973mm の P1 断面や R1 断面では入れ替わった。また等高線図 図 9(3)でもほぼ同じ位置の X, Z=1000mm 前後に於い て入れ替わることが確認できる。更に X, Z=3500mm 辺りでも扁平化変位が僅かに変化したが, これもほぼ同様 に, 図 9(3)の X, Z=3500mm 辺りで応力の大小関係が再度入れ替わるのが確認できる。

尚, ティーズ部で発生した扁平化が伝播し, 扁平化の主軸が最初に転換するまでの距離を「扁平化の伝播距離」 と命名すれば, 「扁平化の伝播距離」は X, Z≒800mm となり, ティーズ端より 800-381=419mm で概ね 1D。となっ た。

(4) 直管部に於ける軸方向板曲げ応力 σ<sub>bl</sub> の分布

説明するまでもないが,直管部の軸方向板曲げ応力 σ ω も全て 2 次応力である。

基本的には σ<sub>b</sub>を同様に管壁の変形となって現れるが,現実的には局所的な凹凸になる以外,この応力による 変形が大きく且つ広範囲に単独で生じることはない。これは, σ<sub>b</sub>が円管断面の扁平化と相俟って出現すること とは大きな違いである。その理由は,前項の 5.3.2.1 (6)項の最後でも説明した通り,円筒面では,軸方向は円周 方向に比べて面の板曲げ剛性が大きく変形しにくいためである。

尚,等高線図 図 9(3)と図 9 (4)の直管部を見比べると,主管,枝管ともに大略 X, Z=1000~5308mmの広範囲に 亙って $\sigma_{b\phi}$ と $\sigma_{bL}$ とが似た分布となっている。その原因は,まず直管部の扁平化によって $\sigma_{b\phi}$ が発生するが,従 属的にポアソン比分の $\sigma_{bL}$ が大略 $\sigma_{bL}$  =  $\nu \sigma_{b\phi}$ の関係で併発するためである。 5.3.2.3 相当応力の分布

最後に,相当応力の分布に就いて一言 補足して置く。 (Misesの)相当応力は3つの主応力を用いて次式によって計算する。

$$\sigma_{EQ} = \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{(\sigma_1 - \sigma_2)^2 + (\sigma_2 - \sigma_3)^2 + (\sigma_3 - \sigma_1)^2}$$

説明するまでもないが,相当応力はスカラー量<sup>(注記 15)</sup>であり,応力(テンソル)とは性質が全く違う。基本的には, 単軸の引張り応力に一致するように係数が定められており,構造物の「応力の大きさ」をスカラー量で定量的に 表示するものである。従って,異なる応力状態の「応力の大きさ」を相互に比較できる。

こう考えて,相当応力の等高線図 図8 や図9の(5)~(7)を見ると,クロッチ部が圧倒的に厳しい応力集中に晒されることがはっきりと分かり,また図9(5)からは,交叉部側面L点近傍の応力が比較的に大きいことも分かる。 参考に相当応力の応力指数 SI 値を求めると,表5のようにまとまる。

膜応力に対応した板厚中央面では、S 点近傍で最大値 SI=2.832, L 点近傍で SI=1.816 と得られる。また膜応力+ 板曲げ応力に対応した内・外表面では、S 点近傍で最大値 SI=4.409(内表面), L 点近傍で最大値 SI=4.580(外 表面)と得られる。これらはいずれも今まで説明してきた応力分布と符合していることは明らかである。

(注記 15) 上記(Mises の)相当応力は、係数は異なるが、基本的には応力テンソルの第2不変量と同一である。

表5 ティ	ーズ部の	の相当応	まとめ	応力指数SI(無単位)			
		髙相当応力指数SI					
応力成分		ティース	S点·近傍			一占、近傍	
		하1꼬	S点·近傍 a点/c点近傍			し尽・近傍	
	外表面	主管側		2.340	2.021	Max	3.657
		枝管側		2.344	1.840	Max	4.580
拍光序中	力 中央面	主管側	Max	2.815	2.064		1.212
相当心力		枝管側	Max	2.832	2.102		1.816
	内表面	主管側	Max	4.380	2.204		1.507
		枝管側	Max	4.409	2.457		1.654

(注) 応力指数SI値は 図9「展開 等高線図」から求めたものである。

5.3.3 応力分布のまとめ

応力に関しては以下の結果が得られた。

(1) 交叉部側面 L 点近傍は, 圧力によって半径方向に大きく膨らみ, 周・軸方向の膜応力, 板曲げ応力の高応 力が発生する。L 点近傍の膜応力は SI=1.364, 板曲げ応力は SI=2.394 となった。

(2) クロッチ部 S 点近傍には, 主管の開口欠損による応力集中が発生し, 周方向膜引張り応力に対して高い応 力集中応力となり, 最大応力は SI=2.731 となった。また, S 点近傍の変位拘束による軸方向板曲げの局所高応 力が発生し, SI=1.809 となった。これらの高応力は, いずれも概ねティーズ内で終息した。

(3) クロッチ部 S 点の凹みに抵抗し,相手側管壁には軸方向膜応力の局所高応力が発生した。主管では,それ が「管曲げ応力」となって主管 管軸を「V」字に大きく折り曲げた。この「管曲げ応力」」は,主管断面に於いて Y 軸周りの「等価線形化曲げ応力」を計算することによって明らかにした。

尚,「管曲げ応力」がゼロとなる位置は,ティーズ端より大略 1D。の距離となった。

(4) L 点や S 点近傍で発生した局所応力集中による高応力はすぐに減衰したが, ティーズ断面の扁平化に起因 する周方向板曲げ応力や軸方向板曲げ応力は比較的に遠くにまで及んだ。

ティーズ部で発生した扁平化が伝播し, 扁平化の主軸が最初に転換するまでの距離, 即ち「扁平化の伝播距離」 は, ティーズ端より概ね 1D。となった。

(5) 相当応力の等高線図によると、クロッチ部が圧倒的に厳しい応力集中に晒され、また交叉部側面 L 点近傍 が比較的に大きな応力となることが明らかとなった。

参考に相当応力による応力指数を求めた結果, 最大値は, 膜応力に対応した板厚中央面の相当応力は, S 点 近傍で SI=2.832, L 点で SI=1.816 と得られ, また膜応力+板曲げ応力に対応した内・外表面の相当応力は, S 点 で SI=4.409, L 点で SI=4.580 となった。 6. 結論

T字配管に就いて Rc型モデルでの内圧解析を実施した結果,以下のことが判明した。

尚, ここで示す結果は所謂「外径肉厚比 D。/t」に依存するため,本解析に用いた配管仕様条件(D。/t=34)に対す る結果であることに留意願いたい<sup>(2)</sup>。また別途, Rc を無視した「直交型」モデルによる解析<sup>(4)</sup>も実施しているの で,参照願いたい。

(1) 内圧によりティーズの交叉部側面が膨らみ、その反動としてクロッチ部が半径方向に凹んで、ティーズ全体 が大きく扁平化し、且つ、主管の管軸が「V」字に大きく折れ曲がることが判明した。

(2) 内圧による局所高応力が発生した。特に, 交叉部側面では周・軸方向の膜応力・板曲げ応力の増大を見た。周・軸方向膜応力は基準応力の最大 1.364 倍, また板曲げ応力は基準応力の最大 2.394 倍の高応力となった。

(3) クロッチ部には、主管と枝管の所謂「開口欠損」による極めて高い応力集中が発生し、周方向膜引張り応力 に対して基準応力の最大 2.731 倍の高応力となった。また変形の拘束による軸方向板曲げ応力の応力集中が 発生し、基準応力の最大 1.809 倍の高応力となった。

(4) 相当応力によると、クロッチ部が圧倒的に厳しい応力集中に晒され、また交叉部側面 L 点近傍が比較的に 大きな応力となることが明らかとなった。

相当応力の最大値は, 膜応力に対応した板厚中央面の相当応力は, S 点近傍で SI=2.832, L 点で SI=1.816, また膜応力+板曲げ応力に対応した内・外表面の相当応力は, S 点で SI=4.409, L 点で SI=4.580 となった。

(5) 主管部と枝管部とを比較した場合,変位や応力に関して枝管部の方が 30~40%程度大きくなった。原因は, 枝管側は,クロッチ部 S 点が 2 箇所あり,その影響が重畳するためと考えられた。

(6) ティーズ部で発生した扁平化が伝播し, 扁平化の主軸が最初に転換するまでの距離, 即ち「扁平化の伝播 距離」は, ティーズ端より概ね 1D。となった。

(7) ティーズ部の扁平化によって主管 管軸は「V」字に大きく折れ曲がるが, この原因は, 主管断面内に発生する「管曲げ応力」であることを明らかにした。この「管曲げ応力」がゼロとなる位置は, ティーズ端より大略 1D。の 距離であることが判明した。 7. 検討

本解析の結果から, ASME で決められている内圧に対するティーズの応力指数をチェックすると, 以下のことが 言える。

(1) 内圧に対する応力指数 B<sub>1</sub>=0.5 と設定しており, これは軸方向の 1 次一般膜応力の増加はないと判断してい るが, 実際 図 9(2), 図 10(5)-1, 図 10(14)-1 などの正規の直管断面を見ると, 2 次応力の重畳は見られるが, 特に広範囲に亙って管断面の軸方向膜応力(管断面平均値)が「軸方向基準応力」SLを超えることはないので, この判断は妥当と考えられる。

(2) 1 次+2 次応力係数 C<sub>1</sub>=1.5 と設定しており,内圧による交叉部側面 L 点近傍に於ける局所膜応力の増加, 最大 SI=1.364 を考慮し,これを 2 次応力と考え, C<sub>1</sub>=1.5 を設定しているものと判断される。

尚, 交叉部側面 L 点局所の板曲げ応力は, 縦・横に且つ広範囲に高応力の峰が続き, 最大値は SI=2.394 を示 したが, いずれも円周方向の狭い範囲に分布する板曲げ応力であることを考慮し, ピーク応力に分類したものと 考えられる。

(3) ピーク応力係数 K<sub>1</sub>=4.0 と設定しており, これは, クロッチ部の応力集中 SI=2.731 や SI=1.809 などに対応し たものと考えられる。上述の交叉部側面 L 点近傍の板曲げ応力の最大値 SI=2.394 なども併せてカバーしている ものと考える。

尚, ピーク応力係数 K1は C1係数に掛けてピーク応力 F を算定するもので, ピーク応力は F=K1C1=6.0 となる。こ れは, 応力成分では判断しづらいが, 相当応力で見ると, 内・外表面の最大値は SI=4.580 であり, これに対して も十分に保守的であると判断される。

以上であるが,相当応力による最大応力指数 SI=4.580 に対しても十分に保守的であることが分かった。 規格品ティーズは,クロッチ部が滑らか構造になっており,応力集中も小さく,ASME の内圧応力指数は十分な 保守性を持っているものと判断される。 8. 関連資料

- (1) 水野,「配管の設計解析法(改訂 第一版)」第4.1.8項, p.118~p.122, (2018年5月)
- (2) 岩崎,清水,「直角分岐管の応力解析」,日立評論(1972年12月号), Vol.54, No.12, p.1053~1058
- (3) Z.F.Sang, et al."Limit burst pressures for a cylindrical shell intersection with intermediate diameter ratio", International Jounal of Pressure Vessels and Piping 79 (2002) p.341-349

(注記) これは、小口径セットオンノズルの破裂試験と解析の結果であるが、弾性解析部分の変形や応力分布が参考になる。

(4) MSP0014-R00「直交型モデルによるT字配管の内圧負荷解析の結果」



図 8(4)-1 軸方向曲げ応力 G bl 指数 SI



SI +2.735

+2.610 / 40

+2.484

+2.358

+2.233

+2.107

+1.982

+1.857

+1.731

+1.606

+1.480

+1.354

+1.229

+1.103

+0.978

+0.853

+0.727

+1.772

+1.628

+1.484

+1.340

+1.196

+1.051

+0.907

+0.763

+0.619

+0.475

+0.331

+0.187

+0.042

-0.102

-0.246

-0.390

-0.534





図 8(2)-2 軸方向膜応力 σ<sub>mL</sub>指数 SI



+2.471 600 +2.197 500 +1.923 +1.650 400 +1.376 300 +1.102 +0.828 200 +0.554 100 +0.281 +0.007 -0.267 -100 -0.541 -0.815 -200 -1.089 -300 -1.362 -1.636 -400 -1.910 400 200 0 -200 -400







+4.567

+4.302

+4.036

+3.771

+3.506

+3.240

+2.975

+2.710

+2.445

+2.179

+1.914

+1.649

+1.118

+0.853

+0.587

+2.685

+2.568

+2.450

+2.332

+2.215

+2.097

+1.979

+1.861

+1.744

+1.626

+1.508

+1.273

+1.038

+4.151

+3.892

+3.632

+3.373

+3.113

+2.854

+2.594

+2.335

+2.075

+1.816

+1.556

+1.297

+1.037

+0.778

+0.518

SI +4.411

+1.391

SI +2.803





図 8(6)-1 相当応力 σ<sub>eq</sub>指数 SI(中央面)



図 8(7)-1 相当応力 σ<sub>eq</sub>指数 SI(内表面)



図 8(5)-2 相当応力 σ<sub>eq</sub>指数 SI(外表面)



図 8(6)-2 相当応力 σ<sub>eq</sub>指数 SI(中央面)



図 8(7)-2 相当応力 σ<sub>eq</sub>指数 SI(内表面)

































φ

図10(3)-2 P1断面の板曲げ応力分布(X=973)

(注)青数字は要素番号を示す。





φ

図10(3)-1 P1断面の膜応力分布(X=973)

(注)青数字は要素番号を示す。































添付資料 A 「内圧に対する等価軸力の計算」

1. まえがき

両端が密封された直管に内圧が作用する場合,軸方向に内圧による軸張力(略して,軸力)が発生する。 この軸力の総和 F は,管の内法面積 S。に圧力 P を掛けた値となる。

2. SAPIVでの等価軸力

さて, こうした明白な定義の軸力ではあるが, 解析モデル化に於いては細かいところで色々と問題が出る。 今回の SAPIVシェル解析は, 配管の平均半径rmを基準に, 円周方向にθ=10° ごとに 36 分割し, 管をモデル化 している。即ち, 図 A-1 に示すように, 正 36 角形の筒が半径 rmの円筒に内接している。この正 36 角形の筒の 断面積 S は, 図 A-1 に示した式で計算でき, この断面積 S を円筒の内法断面積 S。と比較すると, 表 A-1 に示 す通り, S。に対して 1.06 倍となる。

等価な荷重とするには、例えば rm や内圧荷重 P を割り引く必要がある。しかし、例えば、今回の T 字配管の枝 管側を見ると、枝管の端点 R は固定端であるが、他端はティーズ部となっており、シェル要素で閉じられて内圧 P が直接負荷されている。このため、R 端部の反力荷重は、上記の断面積 S に対する荷重と同じ値となる。

項目		記号	単位	数値	
管外径		D。	mm	508.0	B
管内径		Di	mm	477.8	節点1
管肉厚		t	mm	15.10	
管内法断面積		$S_0 = \pi / 4 \cdot Di^2$	mm <sup>2</sup>	179300.8	受圧而我
平均半径		r <sub>m</sub>	mm	246.45	Si Si
周方向の分割数		N	個	36	r <sub>m</sub> Ø
		0	度	10.0	D <sub>i</sub> /2
分剖角度		Ø	rad	0.174533	1 / #
内圧力		Р	kg/cm <sup>2</sup>	500	]     // /
	三角形	Si	mm <sup>2</sup>	5273.49	
	総面積	S	mm <sup>2</sup>	189845.53	
受圧面積	面積比	S/S <sub>o</sub>	_	1.0588	
	等価半径	$r_{eg} = (S_o / \pi)^{0.5}$	mm	238.90	
	半径比	r <sub>eq</sub> /rm	_	0.969	$\mathbf{S} = \mathbf{N} \cdot \mathbf{S}_{i} = \mathbf{N} \cdot \mathbf{r}_{m}^{2} \sin \left  \frac{\mathbf{O}}{2} \right  \cos \left  \frac{\mathbf{O}}{2} \right $
等価軸力	総荷重	Fx=SP	kg	949227.66	(2) $(2)$
解析入力值	節点荷重	Fxi=Fx/N	kg	26367.43	│ 図 A-1 受圧面積の計算

表 A-1 等価軸力の計算結果

従って, 解析全体を考えると, モデル化の基準となる半径 rm, 或いは, 負荷内圧 P を割り引くと言うことはできな いことが分かる。

断面積 S で決まる実際より 6%大きい荷重を等価軸力として負荷せざるを得ないことになる。

この問題は、実はシェル解析の持つ根本的な矛盾である。内法断面積と解析モデルの違いは、板厚が有限であることによる矛盾である。シェル解析は、元々板厚が無視できる場合の近似であって、板厚が無視できない場合は必然的に乖離が生じるのである。

以上より, ここでは, 表 A-1 に示した計算値の Fxを入力した。尚, 節点に入力する荷重 Fi は Fx を N=36 で割ったものである。

## 変更来歴

記号	年月日	変更来歴	備考
R00	2022.04.27	初版発行	